

$$f'(z) + \frac{f(x) - f(z)}{x - z} > f'(x_2) + 0 \quad (\Leftrightarrow)$$

$$\frac{f(x) - f(x_2)}{x - x_2} + \frac{f(x) - f(z)}{x - z} > f'(x_2), \text{ ἀπο } \eta \text{ (1) είναι αδύνατη στο } (x_2, +\infty).$$

Για $0 < x < x_2$, η f ικανοποιεί τις υποθέσεις του Θ.Μ.Τ. στο (x, x_2) , άρα $\exists \xi \in (x, x_2)$:

$$f'(\xi) = \frac{f(x_2) - f(x)}{x_2 - x} = \frac{f(x) - f(x_2)}{x - x_2}$$

$$\xi < x_2 \Rightarrow f'(\xi) < f'(x_2)$$

Επίσης: $\frac{f(x) - f(z)}{x - z} \leq 0, \quad x - x_2 < 0, \quad f(x) - f(z) \geq 0, \quad x < x_2.$

Παρόμοια ναρκά μέτρη τον δώο αντιστροφή:

$$f'(\xi') + \frac{f(x) - f(z)}{x - z} < f'(x_2) + 0 \quad (\Leftrightarrow)$$

$$\frac{f(x) - f(x_2)}{x - x_2} + \frac{f(x) - f(z)}{x - z} < f'(x_2), \text{ ἀπο } \eta \text{ (1) είναι αδύνατη στο } (0, x_2).$$

Άρα η (1) είναι αδύνατη.